

Nađimo prvo funkciju sistema $H(z)$ kao z -transformaciju impulsnog odziva h_n , što je lako uraditi koristeći tablice z -transformacija:

$$H(z) = Z\{h_n\} = Z\{2 - (-3)^n\} = 2 Z\{1\} - Z\{(-3)^n\} = \frac{2z}{z-1} - \frac{z}{z+3} = \frac{z(z+7)}{(z-1)(z+3)}$$

Dalje, poznato je da za funkciju sistema $H'(z)$ inverznog sistema vrijedi $H'(z) = 1/H(z)$, tako da je:

$$H'(z) = \frac{(z-1)(z+3)}{z(z+7)}$$

Ostaje da nađemo $h_n' = Z^{-1}\{H'(z)\}$. Prikažemo li $H'(z)$ kao $H'(z) = zP(z)/Q(z)$, imamo

$$P(z) = (z-1)(z+3) = z^2 + 2z - 3, \quad Q(z) = z^2(z+7)$$

Sada, prema općem postupku za nalaženje inverzne z -transformacije racionalnih funkcija, imamo:

$$\begin{aligned} h_n' &= \sum_{i=0}^1 \frac{1}{(1-i)!} \frac{d^{1-i}}{dz^{1-i}} \left[\frac{z^2 + 2z - 3}{z+7} \right]_{z=0} \binom{n}{i} 0^{n-i} + \frac{(-7)^2 + 2(-7) - 3}{(-7)^2} (-7)^n = \\ &= \frac{1}{1!} \frac{d}{dz} \left[\frac{z^2 + 2z - 3}{z+7} \right]_{z=0} \binom{n}{0} 0^n + \frac{1}{0!} \left[\frac{z^2 + 2z - 3}{z+7} \right]_{z=0} \binom{n}{1} 0^{n-1} + \frac{32}{49} (-7)^n = \\ &= \left[\frac{(2z+2)(z+7) - (z^2 + 2z - 3)}{(z+7)^2} \right]_{z=0} \delta_n - \frac{3}{7} n \delta_{n-1} + \frac{32}{49} (-7)^n = \\ &= \frac{17}{49} \delta_n - \frac{3}{7} \delta_{n-1} + \frac{32}{49} (-7)^n, \quad n \geq 0 \end{aligned}$$

Drugim postupcima se mogu se dobiti i drugi prividno različiti ali međusobno ekvivalentni izrazi za h_n' . Međutim, kakav god da smo izraz dobili, numeričko uvršavanje u njega za vrijednosti $n = 0..5$ mora dati iste vrijednosti $h_0' = 1$, $h_1' = -5$, $h_2' = 32$, $h_3' = -224$, $h_4' = 1568$ i $h_5' = -10976$. Provjerimo ove vrijednosti putem diskretne dekonvolucije. Za to će nam trebati i vrijednosti h_n za $n = 0..5$, koje lako nalazimo uvršavanjem i one iznose $h_0 = 1$, $h_1 = 5$, $h_2 = -7$, $h_3 = 29$, $h_4 = -79$ i $h_5 = 245$. Sada imamo:

$$\begin{aligned} h_0' &= \frac{1}{h_0} = 1 \\ h_1' &= -\frac{1}{h_0} \sum_{k=0}^0 h'_k h_{n-k} = -\frac{1}{h_0} h_0' h_1 = -5 \\ h_2' &= -\frac{1}{h_0} \sum_{k=0}^1 h'_k h_{n-k} = -\frac{1}{h_0} (h_0' h_2 + h_1' h_1) = 32 \\ h_3' &= -\frac{1}{h_0} \sum_{k=0}^2 h'_k h_{n-k} = -\frac{1}{h_0} (h_0' h_3 + h_1' h_2 + h_2' h_1) = -224 \\ h_4' &= -\frac{1}{h_0} \sum_{k=0}^3 h'_k h_{n-k} = -\frac{1}{h_0} (h_0' h_4 + h_1' h_3 + h_2' h_2 + h_3' h_1) = 1568 \\ h_5' &= -\frac{1}{h_0} \sum_{k=0}^4 h'_k h_{n-k} = -\frac{1}{h_0} (h_0' h_5 + h_1' h_4 + h_2' h_3 + h_3' h_2 + h_4' h_1) = -10976 \end{aligned}$$

Vidimo da se rezultati slažu, što opravdava izvedeni eksplicitni izraz za h_n' .