

Određivanje funkcije sistema posebno je jednostavno za sisteme opisane diferentnim jednačinama. Pretpostavimo li da je $x_n = z^n$, iz definicije funkcije sistema slijedi $y_n = H(z) z^n$. Uvrštavanjem u diferentnu jednačinu dobijamo:

$$H(z) z^n + 4 H(z) z^{n-1} + 3 H(z) z^{n-2} = z^n + 3 z^{n-1}$$

Odavde je:

$$H(z) = \frac{z^n + 3 z^{n-1}}{z^n + 4 z^{n-1} + 3 z^{n-2}} = \frac{z^{n-2} (z^2 + 3 z)}{z^{n-2} (z^2 + 4 z + 3)} = \frac{z^2 + 3 z}{z^2 + 4 z + 3}$$

Na ovaj način smo dobili samo analitički izraz za $H(z)$, bez ikakve informacije o oblasti konvergencije u kojoj red kojim je definirana funkcija $H(z)$ konvergira. Međutim, na osnovu rezultata Zadatka 9.39, poznato je da za kauzalne sisteme oblast konvergencije uvijek ima oblik $|z| > R$, gdje je R udaljenost najudaljenije singularne tačke funkcije $H(z)$ od tačke $z = 0$. Kako je ovdje $H(z)$ racionalna funkcija, njene jedine singularne tačke su tačke u kojima se nazivnik anulira, odnosno rješenja jednačine $z^2 + 4z + 3 = 0$. Slijedi da razmatrana funkcija $H(z)$ ima dvije singularne tačke $z = -1$ i $z = -3$. Najdalja singularna tačka od tačke $z = 0$ je tačka $z = -3$, tako da je oblast konvergencije $|z| > 3$. Konačno je

$$H(z) = \frac{z^2 + 3z}{z^2 + 4z + 3} \quad \text{za } |z| > 3$$

Napomena: Sretna okolnost je što za potrebe analize kauzalnih sistema gotovo nikad nije potrebno poznavati oblast konvergencije za $H(z)$, tako da se ona najčešće i ne navodi. Nažalost, to nije slučaj u slučaju nekauzalnih sistema, kao što se može vidjeti iz primjera u Zadatku 9.37.