

Po definiciji funkcije sistema imamo

$$H'(z) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} h_k' z^{-k} = \sum_{k=-\infty}^{\infty} u_k z^{-k} = \sum_{k=0}^{\infty} z^{-k} = \sum_{k=0}^{\infty} \left(\frac{1}{z}\right)^k = \frac{1}{1 - \frac{1}{z}} = \frac{z}{z-1} \quad \text{za } \left|\frac{1}{z}\right| < 1, \text{ tj. za } |z| > 1$$

$$H''(z) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} h_k'' z^{-k} = \sum_{k=-\infty}^{\infty} -u_{-k-1} z^{-k} = -\sum_{k=-\infty}^{-1} z^{-k} = -\sum_{k=1}^{\infty} z^{-k} = -\frac{z}{1-z} = \frac{z}{z-1} \quad \text{za } |z| < 1$$

Ovdje je iskorištena činjenica da je $u_n = 0$ za $n < 0$, kao i poznata formula za sumu beskonačnog geometrijskog reda

$$\sum_{k=N}^{\infty} q^k = \frac{q^N}{1-q} \quad (\text{pod uvjetom } |q| < 1)$$

Prema tome, vidimo da su formalni izrazi za $H'(z)$ i $H''(z)$ isti, ali su oblasti konvergencije redova kojima su ove funkcije definirane različite. Slijedi da sam analitički izraz za funkciju sistema $H(z)$ nije dovoljan za jednoznačan opis sistema – potrebno je takođe navesti i odgovarajuću oblast konvergencije reda kojim je funkcija sistema definirana. Može se pokazati da je u tom slučaju sistem jednoznačno opisan (s obzirom da se tada impulsni odziv h_n koji jednoznačno opisuje sistem može jednoznačno odrediti razvojem funkcije $H(z)$ u Laurentov red na odgovarajućoj oblasti konvergencije, kao što je poznato iz teorije funkcija kompleksne promjenljive).

Napomena: Ukoliko se zna da je sistem kauzalan, tada analitički izraz za funkciju sistema $H(z)$ jednoznačno opisuje sistem, kao što slijedi iz Zadatka 9.39.