

Zamijenimo li x_n sa δ_n i y_n sa h_n , diferentna jednačina dobija oblik $h_n + 3h_{n-1} + 2h_{n-2} = \delta_n$, odakle je

$$h_n = \delta_n - 3h_{n-1} - 2h_{n-2}$$

Na osnovu kauzalnosti slijedi $h_n = 0$ za $n < 0$, tako da rekurzivnim postupkom dobijamo:

$$\begin{aligned} h_0 &= \delta_0 - 3h_{-1} - 2h_{-2} = 1 - 3 \cdot 0 - 2 \cdot 0 = 1 \\ h_1 &= \delta_1 - 3h_0 - 2h_{-1} = 0 - 3 \cdot 1 - 2 \cdot 0 = -3 \\ h_2 &= \delta_2 - 3h_1 - 2h_0 = 0 - 3 \cdot (-3) - 2 \cdot 1 = 7 \\ h_3 &= \delta_3 - 3h_2 - 2h_1 = 0 - 3 \cdot 7 - 2 \cdot (-3) = -15 \\ h_4 &= \delta_4 - 3h_3 - 2h_2 = 0 - 3 \cdot (-15) - 2 \cdot 7 = 31 \\ h_5 &= \delta_5 - 3h_4 - 2h_3 = 0 - 3 \cdot 31 - 2 \cdot (-15) = -63 \end{aligned}$$

Da bismo naslutili opći izraz za h_n u funkciji od n , od koristi je prvo posmatrati apsolutne vrijednosti $|h_n|$, odnosno vrijednosti 1, 3, 7, 15, 31, 63 itd. Može se primijetiti da su ove vrijednosti za 1 manje od vrijednosti sekvence 2, 4, 8, 16, 32, 64 itd. u kojima se može prepoznati sekvenca čiji opći član ima vrijednost 2^{n+1} . Dakle, možemo naslutiti da je $|h_n| = 2^{n+1} - 1$ (za $n \geq 0$). Dalje, kako sekvenca h_n alternativno mijenja znak poput vrijednosti izraza $(-1)^n$, može se pretpostaviti da vrijedi

$$h_n = (-1)^n (2^{n+1} - 1) \quad (\text{za } n \geq 0)$$

Valjanost ove pretpostavke ćemo dokazati matematičkom indukcijom. Pretpostavka je tačna za $n = 0$ i za $n = 1$. Pretpostavimo sada da je ona tačna za $n = k$ i $n = k + 1$ (gdje je $k \geq 2$), tako da je

$$\begin{aligned} h_k &= (-1)^k (2^{k+1} - 1) \\ h_{k+1} &= (-1)^{k+1} (2^{k+2} - 1) \end{aligned}$$

Za $n > 0$ imamo $\delta_n = 0$, tako da diferentna jednačina dobija oblik $h_n = -3h_{n-1} - 2h_{n-2}$. Sada, za $n = k + 2$ imamo

$$\begin{aligned} h_{k+2} &= -3h_{k+1} - 2h_k = -3(-1)^{k+1} (2^{k+2} - 1) - 2(-1)^k (2^{k+1} - 1) = 3(-1)^k (2^{k+2} - 1) - 2(-1)^k (2^{k+1} - 1) = \\ &= (-1)^k (3 \cdot 2^{k+2} - 3) - (-1)^k (2 \cdot 2^{k+1} - 2) = (-1)^k (3 \cdot 2^{k+2} - 3 - 2^{k+2} + 2) = (-1)^k (2 \cdot 2^{k+2} - 1) = \\ &= (-1)^k (2^{k+3} - 1) = (-1)^{k+2} (2^{k+3} - 1) \end{aligned}$$

Slijedi da pretpostavka vrijedi i za $n = k + 2$, tako da na osnovu principa matematičke indukcije slijedi da je pretpostavka valjana za svako $n \geq 0$.