

Impulsni odziv  $h_n$  je odziv na sekvencu  $x_n = \delta_n$ . Diferentna jednačina tako postaje  $h_n + h_{n-2} = \delta_n$ , odakle imamo

$$h_n = \delta_n - h_{n-2}$$

Na osnovu kauzalnosti slijedi  $h_n = 0$  za  $n < 0$ , tako da rekurzivnim postupkom dobijamo:

$$h_0 = \delta_0 + h_{-2} = 1 - 0 = 1$$

$$h_1 = \delta_1 + h_{-1} = 0 - 0 = 0$$

$$h_2 = \delta_2 + h_0 = 0 - 1 = -1$$

$$h_3 = \delta_3 + h_1 = 0 - 0 = 0$$

$$h_4 = \delta_4 + h_2 = 0 - (-1) = 1$$

$$h_5 = \delta_5 + h_3 = 0 - 0 = 0$$

Odavde se naslućuje da sekvenca  $h_n$  za  $n \geq 0$  ima oblik 1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, 0... odnosno da je periodična sa periodom 4. Zaista, za  $n \geq 4$  imamo  $\delta_n = 0$  i  $\delta_{n-2} = 0$ , pa imamo

$$h_n = \delta_n - h_{n-2} = -h_{n-2} = -(\delta_{n-2} - h_{n-4}) = h_{n-4} \quad (\text{za } n \geq 4)$$

Sve periodične sekvence se mogu egzaktno iskazati preko diskretnog Fourierovog reda. Međutim, u ovom slučaju takve komplikacije nam nisu potrebne, jer se vrlo lako može naslutiti da je

$$h_n = \cos \frac{2n\pi}{4} = \cos \frac{n\pi}{2} \quad (\text{za } n \geq 0)$$

Zaista, kako je

$$h_{n+4} = \cos \frac{(n+4)\pi}{2} = \cos \left( \frac{n\pi}{2} + 2\pi \right) = \cos \frac{n\pi}{2} = h_n$$

to je pretpostavljeni izraz za  $h_n$  zaista periodičan sa periodom 4. Kako je pored toga pretpostavljeni izraz za  $h_n$  korektan za  $n = 0$ ,  $n = 1$ ,  $n = 2$  i  $n = 3$ , slijedi da je pretpostavljeni izraz korektan za sve cjelobrojne vrijednosti  $n \geq 0$ .