

Na osnovu opisa sistema, direktno sledi da je

$$y_{n-1} = \frac{1}{n} (x_{n-1} + x_{n-2} + \dots + x_2 + x_1 + x_0)$$

Sad ćemo malo preurediti definicioni izraz za y_n da se u njemu pojavi ovaj izraz:

$$\begin{aligned} y_n &= \frac{1}{n+1} (x_n + x_{n-1} + \dots + x_2 + x_1 + x_0) = \frac{1}{n+1} (x_n + n \cdot \frac{1}{n} (x_{n-1} + \dots + x_2 + x_1 + x_0)) = \\ &= \frac{1}{n+1} (x_n + n y_{n-1}) = \frac{1}{n+1} x_n + \frac{n}{n+1} y_{n-1} \end{aligned}$$

Dakle, ovaj sistem se može opisati diferentnom jednačinom

$$y_n - \frac{n}{n+1} y_{n-1} = \frac{1}{n+1} x_n$$

ili, alternativno, jednačinom

$$(n+1) y_n - n y_{n-1} = x_n$$

Do istog zaključka možemo doći i elementarnim manipulacijama sa kompaktnim zapisom definicionog izraza za y_n izraženog u formi sume:

$$y_n = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n x_{n-k} = \frac{1}{n+1} (x_0 + \sum_{k=0}^{n-1} x_{n-k}) = \frac{1}{n+1} (x_0 + n \cdot \frac{1}{n} \sum_{k=0}^{n-1} x_{n-k}) = \frac{1}{n+1} (x_n + n y_{n-1})$$

Ovaj sistem nije stacionaran. To se može naslutiti iz činjenice da diferentna jednačina koja ga opisuje nije sa konstantnim koeficijentima (imamo faktore koji ovise od n). Zaista, posmatrajmo recimo pobude $x'_n = \delta_n$ i $x''_n = \delta_{n-1}$. Odzivi na ove dvije pobude su:

$$\begin{aligned} y'_n &= \frac{1}{n+1} (\delta_n + \delta_{n-1} + \dots + \delta_2 + \delta_1 + \delta_0) = \frac{1}{n+1} \delta_0 = \frac{1}{n+1} \quad (n \geq 0) \\ y''_n &= \frac{1}{n+1} (\delta_{n-1} + \delta_{n-2} + \dots + \delta_1 + \delta_0 + \delta_{-1}) = \frac{1}{n+1} \delta_0 = \frac{1}{n+1} \quad (n \geq 1) \end{aligned}$$

Vidimo da iako za ove dvije pobude vrijedi $x'' = E[x']$ ipak je $y'' \neq E[y']$. Zaista, za $n \geq 1$ imamo

$$E[y']_n = \frac{1}{(n-1)+1} = \frac{1}{n} \neq y''_n$$

što dokazuje da sistem nije stacionaran.