Pretpostavimo suprotno, tj. da su u nekom trenutku svi igrači do tog trenutka odigrali različit broj partija. Neka je n broj igrača. Kako su svi igrači odigrali najviše jednu partiju, najveći broj partija koje je do bilo kojeg trenutka turnira neki igrač mogao odigrati iznosi $n-1$, i to u slučaju kada je igrač do tog trenutka odigrao partiju sa svim drugim igračima. Ukoliko su svi igrači do nekog trenutka odigrali različit broj partija, među brojevima partija koji su odigrali igrači morali bi se naći svi cijeli brojevi u opsegu od 0 do $n-1$, jer u ovom opsegu ima tačno n cijelih brojeva, a upravo nam toliko različitih brojeva u tom opsegu treba. Dakle, morao bi postojati igrač koji do tog trenutka nije odigrao niti jednu partiju. Međutim isto tako bi morao postojati i igrač koji je do tog trenutka odigrao partije sa svim drugim igračima, što je u suprotnosti sa činjenicom da mora postojati igrač koji do tog trenutka nije odigrao niti jednu partiju. Slijedi da pretpostavka nije korektna, odnosno ne postoji trenutak takav da su svi igrači do tog trenutka odigrali različit broj partija. Drugim riječima, za ma koji trenutak vrijedi da su do tog trenutka barem dva igrača odigrali isti broj partija.

Napomena: Izraženo jezikom teorije grafova, problem se svodi na demonstraciju da ne može postojati graf bez petlji u kojem su svi stepeni čvorova različiti, što je zapravo pokazano u Zadatku 8.4.