

Uvedimo sljedeće događaje:

A – Broj je djeljiv sa 2

B – Broj je djeljiv sa 3

Ukoliko je nasumce izabran jedan prirodan broj, očigledno je broj mogućih događaja beskonačan, s obzirom da je skup prirodnih brojeva beskonačan. Beskonačni je također i skupovi povoljnih događaja za događaje A i B, s obzirom da brojeva djeljivih sa 2 odnosno sa 3 također ima beskonačno mnogo. Međutim, kako je svaki drugi prirodan broj djeljiv sa 2, a svaki treći sa 3, intuitivno zaključujemo da je

$$p(A) = \frac{1}{2} \quad p(B) = \frac{1}{3}$$

Ovo intuitivno rezonovanje može se formalno dokazati ukoliko umjesto svih prirodnih brojeva posmatramo samo prirodne brojeve manje ili jednake od n (tada su brojevi mogućih i povoljnih događaja konačni), a zatim pređemo na graničnu vrijednost kada $n \rightarrow \infty$.

Od koristi će nam biti i događaj AB . Taj događaj glasi “Broj je djeljiv i sa 2 i sa 3”, odnosno “Broj je djeljiv sa 6”. Analognim rezonovanjem dobijamo da njegova vjerovatnoća iznosi

$$p(AB) = \frac{1}{6}$$

Usput, kako je $p(AB) = p(A)p(B)$, zaključujemo da su događaji A i B nezavisni.

Nakon ovih pripremnih razmatranja imamo:

a) Traženi događaj je $\overline{A}\overline{B}$, tako da imamo:

$$p(\overline{A}\overline{B}) = p(\overline{A+B}) = 1 - p(A+B) = 1 - (p(A) + p(B) - p(AB)) = 1 - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{6}\right) = \frac{1}{3}$$

b) Traženi događaj je $\overline{A+B}$, tako da imamo:

$$p(\overline{A+B}) = p(\overline{AB}) = 1 - p(AB) = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$$