

Neka A_i , $i = 1..4$ označava događaj “Izabrana je i -ta kutija”, dok A označava događaj “Izvučena je bijela kuglica”. Kako se kutije biraju proizvoljno, izbor svake od kutija predstavlja jednu povoljnu od 4 jednako vjerovatne moguće varijante, tako da je

$$p(A_1) = p(A_2) = p(A_3) = p(A_4) = \frac{1}{4}$$

Dalje, ukoliko u i -toj kutiji ima n bijelih i m crnih kuglica, vjerovatnoća da će kuglica biti bijela ukoliko je izvučena iz te kutije iznosi $n/(n+m)$, jer je od $n+m$ podjednako vjerovatnih mogućih izvlačenja samo njih n povoljno. Na osnovu ovog rezonovanja, slijedi

$$p(A/A_1) = \frac{3}{3+2} = \frac{3}{5}$$

$$p(A/A_2) = \frac{1}{1+4} = \frac{1}{5}$$

$$p(A/A_3) = \frac{5}{5+0} = 1$$

$$p(A/A_4) = \frac{0}{0+3} = 0$$

Nakon ovog pripremnog računa, imamo sljedeće:

a) Vjerovatnoću $p(A)$ da je kuglica bijela dobijamo korištenjem formule o totalnoj vjerovatnoći:

$$\begin{aligned} p(A) &= p(A_1)p(A/A_1) + p(A_2)p(A/A_2) + p(A_3)p(A/A_3) + p(A_4)p(A/A_4) = \\ &= \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{5} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} + \frac{1}{4} \cdot 1 + \frac{1}{4} \cdot 0 = \frac{9}{20} = 0.45 = 45\% \end{aligned}$$

b) Tražena vjerovatnoća je $p(A_3/A)$ i može se dobiti na osnovu Bayesove teoreme:

$$p(A_3/A) = p(A_3) p(A/A_3) / p(A) = (\frac{1}{4} \cdot 1) / \frac{9}{20} = \frac{5}{9} \approx 0.556 = 55.6\%$$