

Poznato je da svi parni savršeni brojevi imaju oblik $2^{p-1}(2^p - 1)$ gdje su i p i $2^p - 1$ prosti. Da li ima neparnih savršenih brojeva ne zna se, ali čak i ako ih ima, oni moraju imati više od 300 cifara, tako da ih sigurno nema među prvih 5 savršenih brojeva. Dakle, prvih 5 brojeva oblika $2^{p-1}(2^p - 1)$ gdje su i p i $2^p - 1$ prosti predstavljaju prvih 5 savršenih brojeva. Nađimo stoga prvih 5 prostih brojeva p takvih da je i broj $2^p - 1$ također prost. Lako se vidi da to vrijedi za $p = 2$, $p = 3$, $p = 5$ i $p = 7$. Međutim, to ne vrijedi za $p = 11$, jer broj $2^{11} - 1 = 2047$ nije prost, što je pokazano u Zadatku 5.3 (zaista, može se provjeriti da vrijedi $2047 = 23 \cdot 89$). S druge strane, za $p = 13$ vrijedi da je $2^p - 1$ prost broj (također pokazano u Zadatku 5.3). Stoga imamo:

$$\begin{aligned} \text{Za } p = 2: & 2^{2-1}(2^2 - 1) = 2 \cdot 3 = 6 \\ \text{Za } p = 3: & 2^{3-1}(2^3 - 1) = 4 \cdot 7 = 28 \\ \text{Za } p = 5: & 2^{5-1}(2^5 - 1) = 16 \cdot 31 = 496 \\ \text{Za } p = 7: & 2^{7-1}(2^7 - 1) = 64 \cdot 127 = 8128 \\ \text{Za } p = 13: & 2^{13-1}(2^{13} - 1) = 4096 \cdot 8191 = 33550336 \end{aligned}$$

Dakle, prvih 5 savršenih brojeva glase:

$$6, 28, 496, 8128, 33550336$$

Zaista, nije teško provjeriti da je svaki od ovih brojeva jednak zbiru svih svojih djelilaca (osim sebe samog). Tako imamo

$$\begin{aligned} 6 &= 1 + 2 + 3 \\ 28 &= 1 + 2 + 4 + 7 + 14 \\ 496 &= 1 + 2 + 4 + 8 + 16 + 31 + 62 + 124 + 248 \end{aligned}$$

itd.