

Za primjenu Quineovog algoritma, prvo je potrebno izraz svesti na oblik SDNF, što nije teško uraditi:

$$\begin{aligned}
 & \overline{A}CE \vee ABDE \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{E} \vee ACE \vee AB\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{D}\overline{E} = \\
 & = \overline{A}CE(B \vee \overline{B})(D \vee \overline{D}) \vee ABDE(C \vee \overline{C}) \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{E}(D \vee \overline{D}) \vee ACE(B \vee \overline{B})(D \vee \overline{D}) \vee \\
 & \quad \vee AB\overline{D}\overline{E}(C \vee \overline{C}) \vee \overline{A}\overline{B}\overline{D}\overline{E}(C \vee \overline{C}) = \\
 & = \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \\
 & \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} = \\
 & = \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \\
 & \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E}
 \end{aligned}$$

Razvrstajmo sve članove u klase prema broju negacija:

- 0 negacija:  $\overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E}$
- 1 negacija:  $\overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}E, \overline{A}\overline{B}\overline{C}D\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{C}DE, \overline{A}\overline{B}C\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}CDE$
- 2 negacije:  $\overline{A}\overline{B}C\overline{D}E, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}B\overline{C}\overline{D}\overline{E}, \overline{A}B\overline{C}DE, \overline{A}BC\overline{D}\overline{E}, \overline{A}BCDE$
- 3 negacije:  $\overline{A}BC\overline{D}E, \overline{A}BCDE, \overline{A}BCDE$
- 4 negacije:  $\overline{A}BCDE$
- 5 negacija: nema

Nakon prvog ciklusa sažimanja, situacija je sljedeća, pri čemu su svi članovi učestvovali u sažimanju:

- 0 negacija:  $\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{E}, \overline{A}\overline{C}\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}$
- 1 negacija:  $\overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}E, \overline{A}\overline{B}\overline{C}D\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{C}DE, \overline{A}\overline{B}C\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE$
- 2 negacije:  $\overline{A}\overline{B}C\overline{D}E, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE$
- 3 negacije:  $\overline{A}\overline{B}CDE, \overline{A}\overline{B}CDE$
- 4 negacije: nema

Nakon drugog ciklusa sažimanja, situacija je sljedeća, pri čemu su ponovo svi članovi učestvovali u sažimanju:

- 0 negacija:  $\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E}, \overline{C}\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{D}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{D}, \overline{A}\overline{C}\overline{E}$
- 1 negacija:  $\overline{A}\overline{C}\overline{E}, \overline{C}\overline{D}\overline{E}, \overline{B}\overline{C}\overline{E}, \overline{A}\overline{B}\overline{E}$
- 2 negacije:  $\overline{A}\overline{B}\overline{D}$
- 3 negacije: nema

Nakon trećeg ciklusa sažimanja kao novi član se dobija samo član CE, pri čemu članovi ADE, ABD, ABE i ABD nisu uopće učestvovali u sažimanju. Dalja sažimanja nisu moguća, tako da se kao rezultat prve etape Quineovog algoritma dobija sljedeći izraz:

$$CE \vee ADE \vee ABD \vee \overline{A}\overline{B}\overline{E} \vee \overline{A}\overline{B}\overline{D}$$

Sada možemo preći na formiranje tablice pokrivanja:

	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}\overline{E}$	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}E$	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}D\overline{E}$	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}DE$	$\overline{A}\overline{B}C\overline{D}\overline{E}$	$\overline{A}\overline{B}CDE$	$\overline{A}B\overline{C}\overline{D}\overline{E}$	$\overline{A}B\overline{C}DE$	$\overline{A}BC\overline{D}\overline{E}$	$\overline{A}BCDE$	$\overline{A}BCDE$	$\overline{A}BCDE$	$\overline{A}BCDE$	$\overline{A}BCDE$
CE	+	+	+	+	+				+	+	+			
ADE					+	+	+			+				
ABD					+	+						+	+	
$\overline{A}\overline{B}\overline{E}$							+	+		+	+			
$\overline{A}\overline{B}\overline{D}$								+			+			+

Iz ove tablice lako vidimo da su implikante CE, ABD i  $\overline{ABD}$  neophodne, dok je od preostale dvije implikante dovoljno uzeti ma koju od njih. To daje dva moguća oblika MDNF:

$$CE \vee ADE \vee ABD \vee \overline{ABD} \quad \text{ili} \quad CE \vee ABD \vee \overline{ABE} \vee \overline{ABD}$$

Da bismo našli oblik MKNF polazne funkcije, treba nam prvo oblik SDNF negacije polazne funkcije. Brutalni način da to uradimo je da zaista nađemo negaciju polazne funkcije, i da je proširimo do SDNF. Mada to uopće nije mudar način, čisto radi demonstracije kako se efektno koristi pravilo distributivnosti  $X \vee YZ = (X \vee Y)(X \vee Z)$ , obavimo taj račun:

$$\begin{aligned} & \overline{\overline{ACE \vee ABDE \vee \overline{ABCE} \vee ACE \vee \overline{ABDE} \vee \overline{ABDE}} = \\ & = \overline{\overline{ACE} \overline{ABDE} \overline{\overline{ABCE}} \overline{ACE} \overline{ABDE} \overline{\overline{ABDE}}} = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee \overline{B} \vee \overline{D} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee B \vee C \vee \overline{E})(\overline{A} \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee \overline{B} \vee \overline{D} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee B \vee D \vee E) = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee (\overline{B} \vee \overline{D} \vee \overline{E}))(B \vee C \vee \overline{E})(\overline{C} \vee \overline{E})(\overline{B} \vee \overline{D} \vee E)(B \vee D \vee E) = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee (\overline{B} \vee (\overline{D} \vee \overline{E}))(\overline{D} \vee E))(B \vee (C \vee \overline{E})(D \vee E))(\overline{C} \vee \overline{E}) = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee (\overline{B} \vee \overline{D} \vee \overline{DE} \vee \overline{DE}))(B \vee CD \vee CE \vee \overline{DE})(\overline{C} \vee \overline{E}) = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee (\overline{B} \vee \overline{D})) (B \vee CD \vee CE \vee \overline{DE})(\overline{C} \vee \overline{E}) = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee (\overline{B} \vee \overline{D})) (\overline{BC} \vee \overline{BE} \vee CDE \vee \overline{CDE} \vee \overline{DE}) = \\ & = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee (\overline{B} \vee \overline{D})) (\overline{BC} \vee \overline{BE} \vee \overline{DE}) = (A \vee \overline{C} \vee \overline{E})(\overline{A} \vee \overline{BDE} \vee \overline{BCD} \vee \overline{BDE}) = \\ & = \overline{ABDE} \vee \overline{ABCD} \vee \overline{ABDE} \vee \overline{AC} \vee \overline{BCDE} \vee \overline{BCD} \vee \overline{BCDE} \vee \overline{AE} \vee \overline{BDE} \vee \overline{BCDE} \vee \overline{BDE} = \\ & = \overline{ABCD} \vee \overline{AC} \vee \overline{BCD} \vee \overline{AE} \vee \overline{BDE} \vee \overline{BDE} \end{aligned}$$

Proširimo sada ovaj izraz do oblika SDNF:

$$\begin{aligned} & \overline{ABCD} \vee \overline{AC} \vee \overline{BCD} \vee \overline{AE} \vee \overline{BDE} \vee \overline{BDE} = \\ & = \overline{ABCD}(E \vee \overline{E}) \vee \overline{AC}(B \vee \overline{B})(D \vee \overline{D})(E \vee \overline{E}) \vee \overline{BCD}(A \vee \overline{A})(E \vee \overline{E}) \vee \overline{AE}(B \vee \overline{B})(C \vee \overline{C})(D \vee \overline{D}) \vee \\ & \quad \vee \overline{BDE}(A \vee \overline{A})(C \vee \overline{C}) \vee \overline{BDE}(A \vee \overline{A})(C \vee \overline{C}) = \\ & = \overline{ABCD}E \vee \overline{ABCD}\overline{E} \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \\ & \quad \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \\ & \quad \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} = \\ & = \overline{ABCD}E \vee \overline{ABCD}\overline{E} \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \\ & \quad \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}E \vee \overline{ABC}DE \vee \overline{ABC}\overline{D}\overline{E} \end{aligned}$$

Međutim, do istog rezultata smo mogli doći *znatno brže* na osnovu poznatog oblika SDNF polazne funkcije, s obzirom da se u SDNF negacije neke funkcije mogu naći one i samo one minterme koje se *ne javljaju* u SDNF izvorne funkcije. Drugim riječima, SDNF oblik negacije neke funkcije može se napisati *odmah*, posmatrajući SDNF polazne funkcije. U svakom slučaju, za prvu etapu Quineovog algoritma ćemo prvo razvrstati sve minterme po klasama, kao i pri traženju MDNF oblika polazne funkcije:

0 negacija:	nema
1 negacija:	nema
2 negacije:	$\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$
3 negacije:	$\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$
4 negacije:	$\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$ , $\overline{ABCDE}$
5 negacija:	$\overline{ABCDE}$

Nakon prvog ciklusa sažimanja, situacija je sljedeća, pri čemu su svi članovi učestvovali u sažimanju:

- 0 negacija: nema  
 1 negacija: nema  
 2 negacije:  $\overline{ABCD}$ ,  $\overline{BCDE}$ ,  $\overline{ABCD}$ ,  $\overline{ABCE}$ ,  $\overline{ACDE}$ ,  $\overline{ABDE}$ ,  $\overline{ABCE}$ ,  $\overline{ACDE}$ ,  $\overline{BCDE}$ ,  
 $\overline{ABDE}$ ,  $\overline{ABDE}$ ,  $\overline{BCDE}$   
 3 negacije:  $\overline{BCDE}$ ,  $\overline{ABCE}$ ,  $\overline{ACDE}$ ,  $\overline{ABCD}$ ,  $\overline{ACDE}$ ,  $\overline{ABCD}$ ,  $\overline{ABCE}$ ,  $\overline{ABDE}$ ,  $\overline{ACDE}$ ,  
 $\overline{ABDE}$ ,  $\overline{ABCE}$ ,  $\overline{BCDE}$   
 4 negacije:  $\overline{ACDE}$ ,  $\overline{ABCE}$ ,  $\overline{ABCD}$ ,  $\overline{ABDE}$

Nakon drugog ciklusa sažimanja, situacija je sljedeća, pri čemu su ponovo svi članovi učestvovali u sažimanju:

- 0 negacija: nema  
 1 negacija: nema  
 2 negacije:  $\overline{BCD}$ ,  $\overline{ABC}$ ,  $\overline{ACD}$ ,  $\overline{ACE}$ ,  $\overline{ABE}$ ,  $\overline{ADE}$ ,  $\overline{ACE}$ ,  $\overline{BDE}$ ,  $\overline{BDE}$   
 3 negacije:  $\overline{ACE}$ ,  $\overline{ACD}$ ,  $\overline{ABC}$ ,  $\overline{ADE}$ ,  $\overline{ABE}$

Nakon trećeg ciklusa sažimanja, imamo sljedeću situaciju, pri čemu članovi  $\overline{BCD}$ ,  $\overline{BDE}$  i  $\overline{BDE}$  nisu učestvovali u sažimanju:

- 0 negacija: nema  
 1 negacija: nema  
 2 negacije:  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AE}$

Slijedi da se prva etapa Quineovog algoritma završava sa sljedećim izrazom:

$$\overline{BCD} \vee \overline{BDE} \vee \overline{AC} \vee \overline{AE} \vee \overline{BDE}$$

Pređimo sada na formiranje tablice pokrivanja:

	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$	$\overline{ABCDE}$
$\overline{BCD}$	+	+			+	+										
$\overline{BDE}$		+				+					+					+
$\overline{AC}$			+	+	+	+	+	+	+							
$\overline{AE}$				+		+		+		+	+	+	+			
$\overline{BDE}$								+					+		+	

Iz tablice vidimo da su svi članovi bitni, tako da je nađeni izraz ujedno i MDNF negacije polazne funkcije. Sada MKNF polazne funkcije direktno dobijamo negacijom dobijenog izraza, nakon čega se odmah dobija:

$$(\overline{B} \vee C \vee D)(\overline{B} \vee D \vee E)(A \vee C)(A \vee E)(B \vee \overline{D} \vee E)$$